## Анализ обратных задач акустического зондирования

(по материалам диссертации на соискание уч. ст. к.ф.-м.н.)

#### Андрей Сущенко<sup>1,2</sup>

Департамент математического и компьютерного моделирования Дальневосточный федеральный университет

∠ Институт прикладной математики ДВО РАН



#### О СЕБЕ



#### > Работа:

- Директор и доцент департамента математического и компьютерного моделирования ДВФУ
- Рук. ОП «Прикладная математика и информатика Системное программирование»
- М.н.с. ИПМ ДВО РАН
- Председатель СМУ ДВО РАН

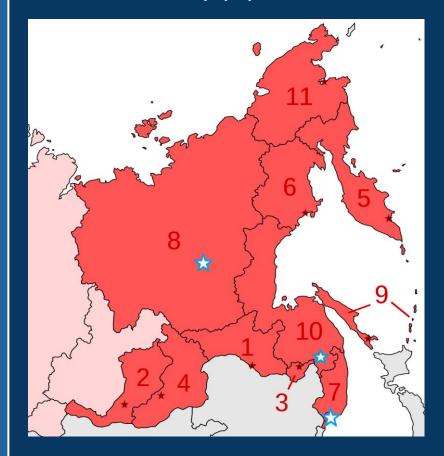
#### > Публикации:

WoS	SCOPUS	РИНЦ	по эвм
20	29	99	40

#### Гранты:

- Грант Миноборнауки РФ и DAAD "Применение математического моделирования в задачах сложного теплообмена" (2014, 2018)
- Стипендии Президента РФ для молодых ученых и аспирантов, осуществляющих перспективные научные исследования и разработки по приоритетным направлениям модернизации российской экономики "Разработка облачного сервиса для обработки гидроакустических изображений" (2016-2021).
- Грант РФФИ «Исследование задач акустической томографии океана методами теории переноса излучения»

## О ДЦМИ



#### Консорциум:

Владивосток (ДВФУ), Хабаровск (ТОГУ), Якутск (СВФУ).

#### Основные направления деятельности:

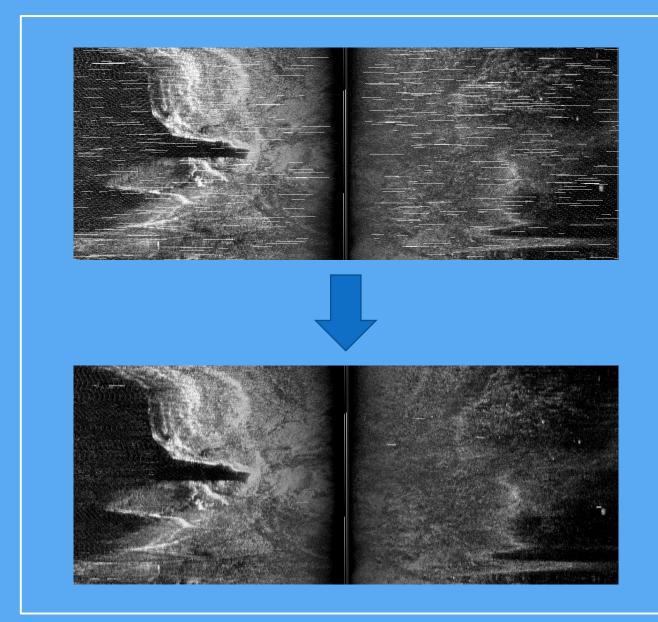
- Алгебра и геометрическая теория функций. Геометрия и топология.
- Дифференциальные уравнения. Краевые задачи для нелинейных параболических уравнений
- Современные технологии анализа, моделирования и принятия решений. Игры среднего поля, управляемые случайные процессы.
- Прикладной анализ и вариационные неравенства.
   Вариационные и квазивариационные задачи механики сплошных сред
- > Численный анализ и научные вычисления

#### Научно-образовательные мероприятия:

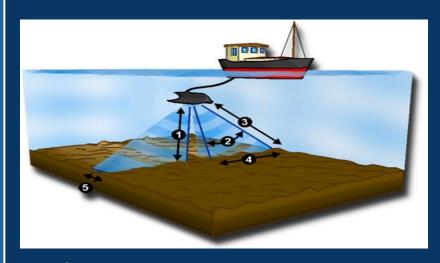
- Организация всероссийских и международных конференций (CTAM-2022)
- > Олимпиады школьников
- > Конференции молодых ученых
- > Повышения квалификации учителей, преподавателей математических дисциплин

## ПЕРВЫЕ ШАГИ

Совместное исследование ИПМ ДВО РАН и Института проблем морских технологий ДВО РАН



#### АКТУАЛЬНОСТЬ



- 1. Средняя глубина
- 2. Угол ширины диаграммы направленности под аппаратом
- 3. Наклонная дальность
- 4. Дальность зондирования
- 5. Ширина диаграммы направленности антенны «по левому», «правому» борту

> Главная цель задач акустической томографии - определение количественных характеристик неоднородности структуры на основании измерений обратно рассеянного поля.

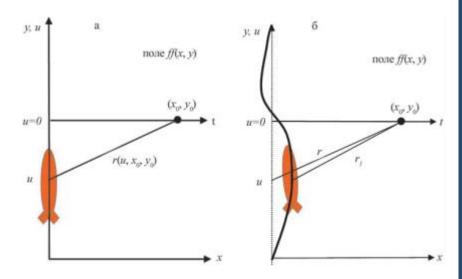
# Улучшение качества гидроакустических изображений

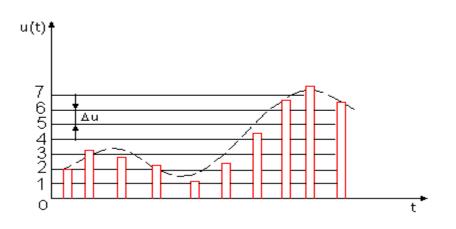
#### > Траекторные нестабильности

- [1] Агеев А.Л. и др. Синтезирование апертуры многоконального гидролокатора бокового обзора с компенсацией траекторных нестабильностей // Технические проблемы освоения Мирового океана. 2013. Т. 5. С. 496–500.
- [2] Андросов В.В. и др. Алгоритмы автофокусировки радиоизображений в условиях динамичных траекторных нестабильностей // Цифровая обработка сигналов. 2012. № 1. С. 64–70.
- [3] Callow H.J. et al. Autofocus for circular synthetic aperture imaging // Proc. Inst. Acoust. 2010. Vol. 32. P. 31–36.

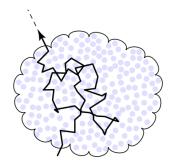
#### > Потери сигнала

- [4] Котельников В.А. О пропускной способности эфира и проволоки в электросвязи // УФН. 2006. Т. 176. С. 762–770.
- [5] Хургин Я.И., Яковлев В.П. Методы теории целых функций в радиофизике, теории связи и оптике. М. : Едиториал УРСС, 2020. 224 с.
- [6] Айзенберг Л.А. Формулы Карлемана в комплексном анализе. Новосибирск: Наука, 1990. 246 с



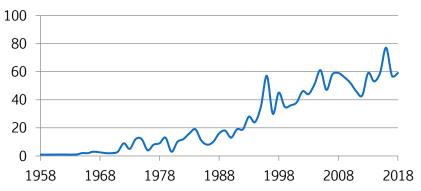


## Объемное рассеяния в океане

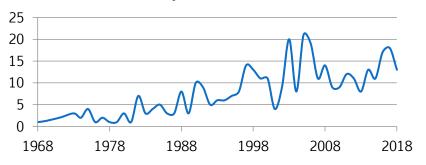


- [1] Андреева И.Б., Тарасов Л.Л. Акустические свойства морских организмов, образующих звукорассеивающие слои океана // Акуст. журн. 2003. Т. 49. С. 318–324.
- [2] Андреева И.Б., Белоусов А.В. О допустимости использования приближения однократного рассеяния акустических волн в задачах о скоплениях гидробионтов // Акустич. журн. 1996. Т. 42. С. 560–562.
- [3] Hosseini S.H., Akbarinasab M., Khalilabadi M.R. Numerical simulation of the effect internal tide on the propagation sound in the Oman sea // J. Earth and Space Phys. 2018. Vol. 44. P. 215–225.
- [4] Stanton T.K. Volume scattering: Echo peak PDF // J. Acoustical Society of America. 1985. Vol. 77. P. 762–770.
- [5] Poulin C. et al. Diel variations of the attenuation, backscattering and absorption coefficients of four phytoplankton species and comparison with spherical, coated spherical and hexahedral particle optical models // J. Quant. Spectrosc. Radiat. Transfer. 2018. Vol. 217. P. 288–304.

#### volume scattering and acoustic



## radiation or radiative and transfer equation and ocean

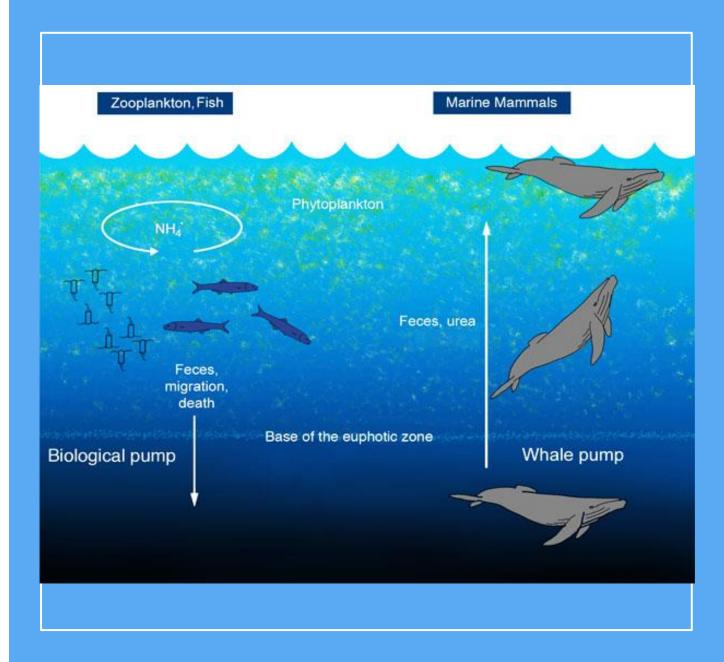


## ИСТОЧНИКИ ОБЪЕМНОГО РАССЕЯНИЯ

Рыбы и планктон

Воздушные пузырьки – разрушение ветровых волн

Придонные взвеси

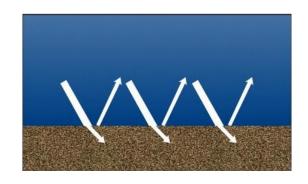


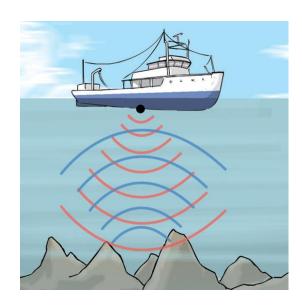
## Задачи акустической томографии

> Задача восстановления коэффициента донного рассеяния

#### > Задача батиметрии

- [1] Казанский Б.А. Батиметрический анализ Тихого океана по цифровым данным ЕТОРО 2' // Тихоокеан. геология. 2006. Т. 25. С. 115–123.
- [2] Завьялов В.В., Клюева С.Ф., Лабюк Ф.И. Анализ статистической структуры поля глубин для целей батиметрической навигации // Транспортное дело России. 2015. С. 227–230.
- [3] Аншаков Г.П. и др. Моделирование решения задач батиметрии водоемов самарской области средствами дистанционного зондирования Земли // Вестник Самарского гос. аэрокосмич. ун-та. 2013. Т. 42. С. 49–58.





## Кинетическая модель

#### Риманова метрика:

[1] Деревцов, Е.Ю. Численное решение задачи рефракционной томографии в цилиндрической области // Сиб. журн. индустр. математики. - 2015. - Т. 18, № 2. С. 99–110.

#### > Условия непрерывной склейки решения:

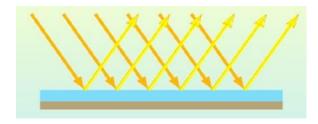
- > [2] Исимару А. Распространение и рассеяние волн в случайно-неоднородных средах. М.: Мир, 1981. 280 с.
- [3] Черчиньяни К. Теория и приложения уравнения Больцмана. М. : Мир, 1978. 496 с.

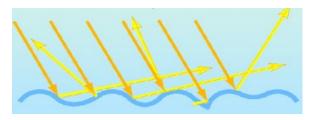
#### > Френелевские условия сопряжения

- [4] Amosov,A.A. Boundary value problem for the radiation transfer equation with reflection and refraction conditions // J. Math. Sci.} 2013.- T. 191, № 2. C. 101–149.
- ➤ [5] Amosov, A. Boundary value problem for radiation transfer equation in multilayered medium with reflection and refraction conditions / A. Amosov, M. Shumarov // Applicable Analysis. 2016. Vol. 95, № 7. Pp. 1581-1597.

#### > Диффузные условия сопряжения:

> [6] Amosov, A.A. Boundary value problem for the radiation transfer equation with diffuse Reflection and Refraction Conditions // J. Math. Sci. - 2013. - T. 193, № 2. - C. 151--176.





## Алгоритмы обработки сигнала с ГБО

#### > BAPY:

[1] Агафонов, И.Б. Подготовка гидролокационной информации для ее распознавания на борту АНПА/ И.Б. Агафонов, В.В. Золотарёв, Е.А. Мадисон // Технические проблемы освоения Мирового океана. - 2013. - Т.5. -С. 501- 504.

> EdgeTech Discover

[2]Edgetech sonar data file format // Edgetech Document No. 990-0000048-1000 Revision: 1.7 / Nov 2006





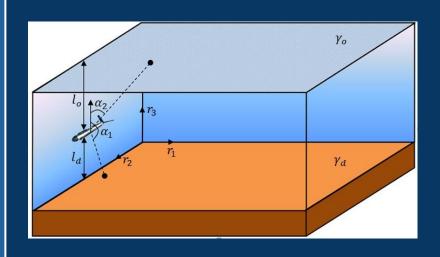


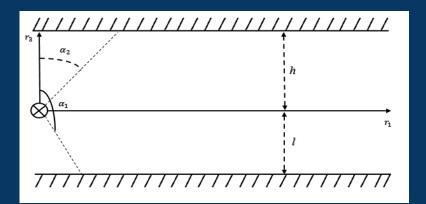
#### B CYXOM OCTATKE

- > Существует запрос на разработку новых методов решения задач акустической томографии:
  - В задаче реконструкции морского дна необходимы новые математические модели
  - В задаче батиметрии остается актуальным исследование ее как задачи дистанционного зондирования с использованием ГБО
  - В задаче акустической томографии океана остаются открытыми вопросы о корректной разрешимости

## ЗАДАЧИ АКУСТИЧЕСКОЙ ТОМОГРАФИИ

$$\gamma_a(t) = \{ \mathbf{r} + t\mathbf{V}, \mathbf{r} \in \gamma_a(0) \}, \quad \mathbf{V} = (0, V, 0), \quad V = |\mathbf{V}| = \text{const},$$





> Задача реконструкции морского дна

$$G = \{ \mathbf{r} \in \mathbb{R}^3 : -l < r_3 < h \}$$
$$\partial G = \gamma_d \cup \gamma_o$$

$$\gamma_d = \{ \mathbf{r} \in \mathbb{R}^3 : r_3 = -l \}, \gamma_o = \{ \mathbf{r} \in \mathbb{R}^3 : r_3 = h \}.$$

> Задача батиметрии

$$\partial G = \gamma := \{ y \in \mathbb{R}^3 : y_3 = -l + u(r_1, r_2) \}$$

## Задача реконструкции морского дна

$$\frac{1}{c}\frac{\partial I}{\partial t} + \mathbf{k} \cdot \nabla I + \mu I(\mathbf{r}, \mathbf{k}, t) = \sigma \int_{\Omega} I(\mathbf{r}, \mathbf{k}', t) d\mathbf{k}' + J(\mathbf{r}, \mathbf{k}, t), \tag{1}$$

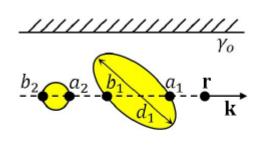
Начальные условия:

$$I|_{t<0}=0.$$

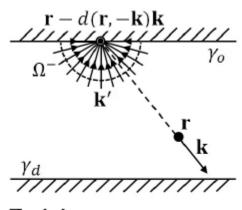
Граничные условия:

$$I|_{\Gamma^{-}}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{k},t) = \frac{\sigma_{d}(\boldsymbol{r})}{\pi} \int_{\Omega_{+}} (\boldsymbol{n} \cdot \boldsymbol{k}') I|_{\Gamma^{+}}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{k}',t) d\boldsymbol{k}'$$

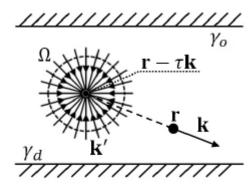
$$I|_{\Gamma^{-}}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{k},t) = \frac{\sigma_{d}(\boldsymbol{r})}{\pi} \int_{\Omega_{+}} (\boldsymbol{n} \cdot \boldsymbol{k}') I|_{\Gamma^{+}}(\boldsymbol{r},\boldsymbol{k}',t) d\boldsymbol{k}'$$
(4)







Диффузное рассеяние (II), (III)



Объемное рассеяние (IV)

(2)

(3)

## Допущения

Дополнительные условия:  $\int_{\Omega} S^{\pm}(\mathbf{k})I|_{\Gamma^{+}}(\mathbf{V}t,\mathbf{k},t)d\mathbf{k} = I^{\pm}(t)$  (5)

Источник:

$$J(\mathbf{r}, \mathbf{k}, t) = \delta(\mathbf{r} - \mathbf{V}t) \sum_{i=0}^{m} J_i \delta(t - t_i)$$

Малость величин:  $\frac{V^2}{c^2} \ll 1$ 

$$\exp(\mu c(t_{i+1}-t_i))\ll 1$$

$$\frac{\sigma^2}{\mu^2} \ll 1; \sigma_d^2 \ll 1; \sigma_o^2 \ll 1$$

Диаграмма направленности приемной антенны:

$$S^{\pm} = \chi_{[0,1]}(\mp k_1) \frac{\chi_{[-\epsilon,\epsilon]}(k_2)}{2\beta} \chi_{[\cos(\alpha_1),\cos(\alpha_2)]}(k_3)$$
  $\epsilon = \sin(\beta) \sqrt{1 - k_3^2}$  и  $\chi_{[a,b]}(x) = \begin{cases} 1, a \le x \le b \\ 0, \text{иначе} \end{cases}$ 

## Обратная задача

$$S^{\pm}(\mathbf{k}) = \chi_{[0,1]}(\mp k_1)\delta(k_2) \ \chi_{[\cos(\alpha_1),\cos(\alpha_2)]}(k_3)$$

$$\sigma_d(\pm y_1, y_{2,i}) = \frac{8\pi}{cl} l_i^3 |y_1| l_i^{\pm}(y_1) \exp(2\mu l_i) - \frac{\sigma}{l} |y_1| l_i A(\alpha_1, \alpha_2, l, l_j, h) - \chi_{[0,1]} \left(\frac{h}{l_i}\right) \sigma_o \frac{h|y_1|}{l \sqrt{l_i^2 - h^2}},$$

где 
$$y_1 = \sqrt{l_i^2 - l^2}$$
 и  $y_{2,i} = Vt_i,$ 

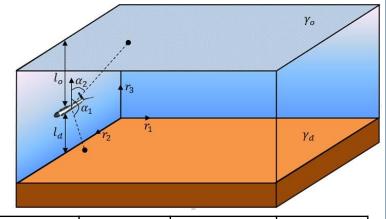
$$A\left(\alpha_{1},\alpha_{2},l,l_{j},h\right) = \begin{cases} \alpha_{1}-\alpha_{2},\operatorname{если}-l \leq l_{j}\cos\alpha_{1} \ \land h \geq l_{j}\cos\alpha_{2} \\ -\alpha_{2}+\arccos\alpha_{1}\left(-\frac{l}{l_{j}}\right),\operatorname{если}-l > l_{j}\cos\alpha_{1} \land h \geq l_{j}\cos\alpha_{2} \end{cases}$$
 
$$A\left(\alpha_{1},\alpha_{2},l,l_{j},h\right) = \begin{cases} \alpha_{1}-\arccos\left(\frac{h}{l_{j}}\right),\operatorname{если}-l \leq l_{j}\cos\alpha_{1} \ \land h < l_{j}\cos\alpha_{2} \end{cases}$$
 
$$\alpha_{1}-\arccos\left(\frac{h}{l_{j}}\right),\operatorname{если}-l \leq l_{j}\cos\alpha_{1} \ \land h < l_{j}\cos\alpha_{2} \end{cases}$$
 
$$\arccos\left(-\frac{l}{l_{j}}\right)-\arccos\left(\frac{h}{l_{j}}\right),\operatorname{если}-l > l_{j}\cos\alpha_{1} \land h \geq l_{j}\cos\alpha_{2} \end{cases}$$



[1] Зиньков С.Ю., Сущенко А.А., Сущенко К.В. Анализ влияния поверхностного и объемного рассеяния в задаче гидролокации морского дна // СЭМИ, т. 15 (2018), стр. 1361-1377.

 $\pi$ 

## Вычислительный эксперимент



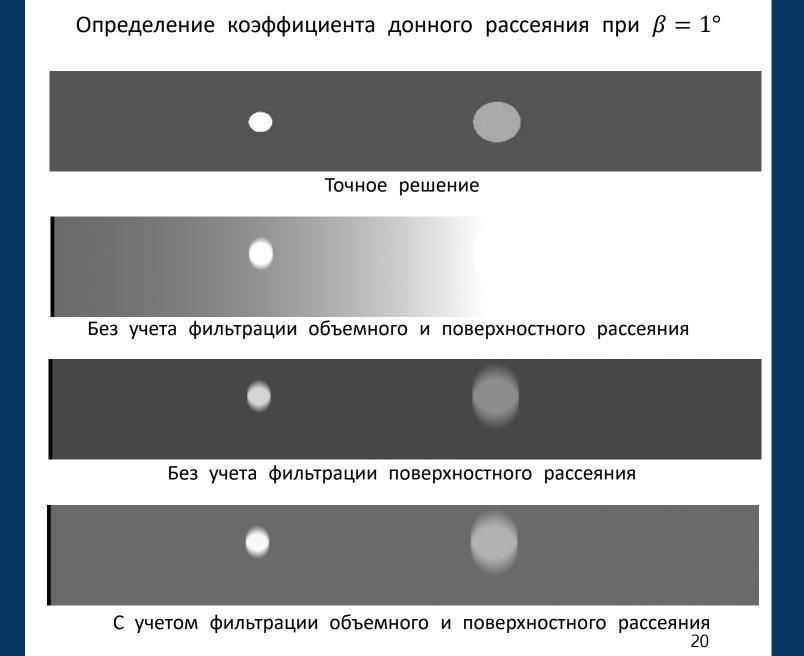
#### Параметры эхолокации

μ	σ	$\sigma_{o}$	$t_{i+1}-t_i$	С	$I_{tr}$	l	h	$\alpha_1$	$\alpha_2$
0.018	0.0018	0.01	0.4	1500	1	12	12	150	90

$$\sigma_d({m y}) = egin{cases} 0.3, & ext{если}\,\sqrt{(y_1-100)^2+(y_2-25)^2} < 5, \ 0.2, & ext{если}\,\sqrt{(y_1-200)^2+(y_2-25)^2} < 10, \ 0.1, & ext{иначе}\,. \end{cases}$$

**Цель эксперимента:** исследовать влияние

исследовать влияние фильтрации поверхностного и объемного рассеяние на качество восстановления гидроакустического изображения



#### Цель эксперимента:

исследовать влияние ширины диаграммы направленности приемной антенны на качество восстановления гидроакустического изображения

Определение коэффициента донного рассеяния при различной ширине диаграммы направленности  $\beta$ 



Точное решение



$$\beta = 1^{\circ}$$



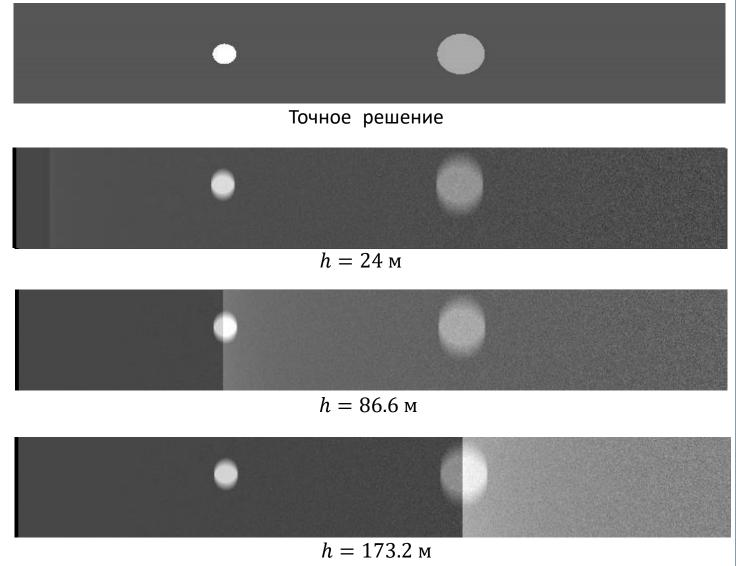
$$\beta = 2^{\circ}$$



$$\beta = 4^{\circ}$$

**Цель эксперимента:**исследовать влияние
расположения аппараты в
толще воды на качество
восстанавливаемого
гидроакустического
изображения

Определение коэффициента донного рассеяния при различной высоте зондирования h без учета фильтрации поверхностного рассеяния



**Цель эксперимента:**исследовать влияние
поверхностного шума на
качество восстановления
коэффициента донного
рассеяния

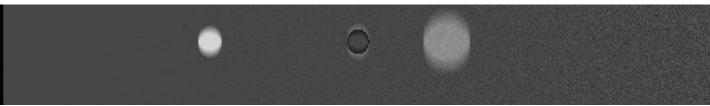
Определение коэффициента донного рассеяния при различном коэффициенте поверхностного рассеяния



Точное решение



Определение КДР с учетом ширины диаграммы направленности приемной антенны  $\beta=1^\circ$  с учетом фильтрации объемного и поверхностного рассеяния  $\sigma_o=\frac{sin(x)}{x}$ 



Определение КДР с учетом ширины диаграммы направленности приемной антенны  $\beta=1^\circ$  с учетом фильтрации объемного и поверхностного рассеяния -

$$\sigma_o = \begin{cases} 0.2, \text{ если } \sqrt{(y_1 - 150)^2 + (y_2 - 25)^2} < 10 \\ 0.05, \text{ иначе} \end{cases}$$

## Анализ влияния объемного рассеяния

$$g(y_1, \alpha_1, \alpha_2) = \frac{\sigma}{l} |y_1| l_i A(\alpha_1, \alpha_2, l, l_j, +\infty)$$

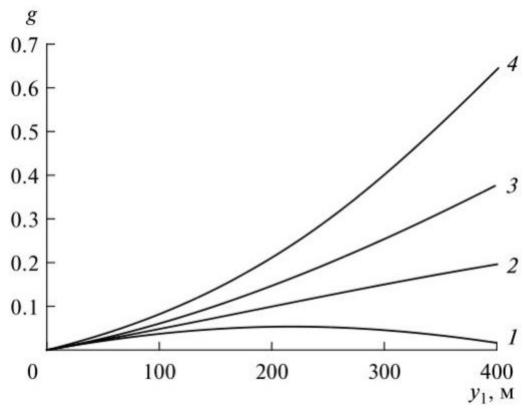
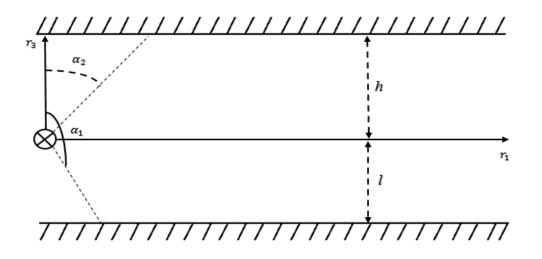
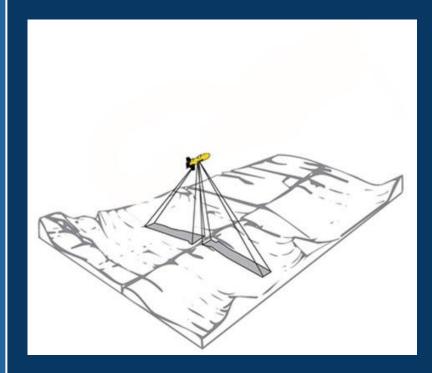


График функции g для различной ориентации диаграммы направленности:  $1-\alpha_2=92^\circ$ ,  $2-\alpha_2=90^\circ$ ,  $1-\alpha_2=88^\circ$ ,  $1-\alpha_2=85^\circ$ 



$\alpha_2$	Ошибка определения $\sigma_d$ без фильтрации ОР	Ошибка определения $\sigma_d$ С фильтрацией ОР
85°	448%	49%
86°	387%	44%
87°	326%	39%
88°	265%	33%
89°	203%	27%
90°	142%	22%
91°	81%	16%
92°	45%	13%

## ЗАДАЧА БАТИМЕТРИИ



 $G = \{ \mathbf{r} \in \mathbb{R}^3 : r_3 > -l + u(r_1, r_2) \}$ 

Граничное условие:

$$I(\mathbf{y}, \mathbf{k}) = \frac{\sigma_d}{\pi} \int_{\Omega^+} |\mathbf{n}(\mathbf{y}) \cdot \mathbf{k}'| \ I(\mathbf{y}, \mathbf{k}') d\mathbf{k}', \mathbf{y} \in \partial G, \mathbf{k} \in \Omega^-$$

Допущения:

$$u = O(\varepsilon),$$
  $u'_{y_1} = O(\varepsilon^2),$   $u'_{y_2} = O(\varepsilon^2),$ 

где  $\varepsilon > 0$  некоторый малый параметр:  $\varepsilon^2 \ll 1$ .

• Функция описывающая рельеф дна с учетом объемного рассеяния в среде:

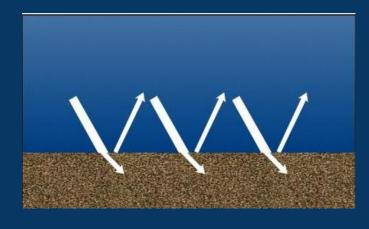
$$u(\pm y_1, y_{2,j}) = \frac{4y_1^2}{\sigma y_1^2 + 4\sigma_d \left(2l - \frac{l^3}{y_1^2 + l^2}\right)} \left(\frac{\sigma_d l^2}{y_1^2 + l^2} + y_1 \left(\frac{\sigma}{4} \arccos\left(-\frac{l}{\sqrt{y_1^2 + l^2}}\right) - \frac{l^2}{y_1^2 + l^2}\right)\right)$$

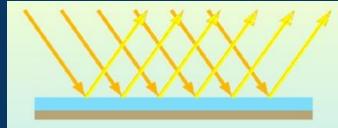
$$I^{\pm}(t) \exp\left(2\mu\sqrt{y_1^2 + l^2}\right) 2\pi (y_1^2 + l^2)/cJ_j\right),$$

• Без учета объемного рассеяния в среде:

$$\hat{u}(\pm y_1, y_{2,j}) = \frac{y_1^2}{\sigma_d(2l - l^3/(y_1^2 + l^2))}$$
$$\left(\frac{\sigma_d l^2}{y_1^2 + l^2} - I^{\pm}(t)2\pi y_1(y_1^2 + l^2) \exp\left(2\mu\sqrt{y_1^2 + l^2}\right)/\sigma_d c J_j\right)$$

# КОРРЕКТНОСТЬ ПРЯМОЙ ЗАДАЧИ







#### Постановка задачи:

$$\frac{1}{v(r)}\frac{\partial I}{\partial t} + \omega \cdot \nabla I + \sigma(r)I(r,\omega,t) = \sigma(r)\Lambda(r)\int_{\Omega} p(r,\omega\cdot\omega')I(r,\omega',t)d\omega' + J(r,\omega,t)$$
(1)

$$G_1 = \{ r = (r_1, r_2, r_3) \in \mathbb{R}^3 : r_3 > 0 \}, G_2 = \{ r = (r_1, r_2, r_3) \in \mathbb{R}^3 : r_3 < 0 \}$$

$$G = G_1 \cup G_2, \partial G = \{ r = (r_1, r_2, r_3) \in \mathbb{R}^3 : r_3 = 0 \}$$

$$X = G \times \Omega, \Gamma^{\pm} = \partial G \times \Omega_{\pm}, \Omega_{\pm} = \{ \omega \in \Omega : \pm \omega_3 > 0 \}$$

$$\int_{\Omega} p(r, \omega \cdot \omega') \, d\omega' = 1$$

$$I\Big|_{t=0} = I_0 \text{ Ha } X \tag{2}$$

$$I^- = \mathcal{B}I^+$$
 на  $\Gamma^- \times [0, +\infty)$  (3)

#### Условия сопряжения:

$$(\mathcal{B}_f I^+)(z,\omega,t) = R(\omega)I^+(z,\omega_{re},t) + T(\omega)I^+(z,\omega_{tr},t)$$

$$(\mathcal{B}_{d}I^{+})(z,\omega,t) = \frac{R_{d}(z,\omega)}{\pi} \int_{\Omega(z,-\omega)} |n \cdot \omega'| I^{+}(z,\omega',t) d\omega' +$$

$$+ \frac{T_{d}(z,\omega)}{\pi} \int_{\Omega(z,+\omega)} |n \cdot \omega'| I^{+}(z,\omega',t) d\omega'.$$

## Постановка задачи

$$\begin{split} \mathcal{A}f &= -v(r) \big(\omega \cdot \nabla f(r,\omega) + \sigma(r) f(r,\omega) \big) - (\mathcal{S}f)(r,\omega) & \mathcal{A} \colon D(\mathcal{A}) \to \mathcal{C}_b(X) \\ \mathcal{S}f &= \sigma(r) \Lambda(r) \int_{\Omega} p(r,\omega \cdot \omega') f(r,\omega') \, d\omega' & \mathcal{S} \colon \mathcal{C}_b(X) \to \mathcal{C}_b(X) \\ D(\mathcal{A}) &= \{ f \in W_c^1 | f^- = \mathcal{B}f^+ \text{Ha} \, \Gamma \} & W_c^1 &= \{ f \in \mathcal{C}_b(X) \colon \omega \cdot \nabla f \in \mathcal{C}_b(X) \} \end{split}$$

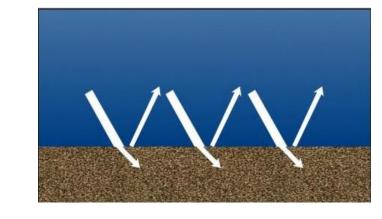
Решение начально-краевой задачи (1) - (3) будем называть вектор-функцию I(t):

- 1)  $I(t) \in D(\mathcal{A})$  для  $t \in [0, +\infty)$
- 2)  $\forall t$  существует **сильная** производная функции I(t), принадлежащая пространству  $C([0,+\infty);C_b(X))$
- 3) Справедливы соотношения:

$$\partial I(t)/\partial t = \mathcal{A}I(t)$$
 и  $I(0) = I_0$ , где  $I_0 \in D(\mathcal{A})$  (4)

$$\exists \ \mathcal{R}_{\lambda} = (\lambda \mathcal{I} - \mathcal{A})^{-1}$$
 для  $\forall \lambda > \beta$  и  $\|\mathcal{R}_{\lambda}\| < \frac{1}{\lambda - \beta}$ .

## Теорема



Решение неоднородной задачи Коши

$$rac{\partial I(t)}{\partial t}=~\mathcal{A}I(t)$$
 и  $I(0)=I_0$ , где  $I_0\in D(\mathcal{A})$   $I(0)=I_0,$ 

существует, единственно и при выполнении неравенства

$$\overline{\Lambda} \max \{ \|\mathcal{B}\|_{C_b(\Gamma) \to C_b(\Gamma)}, 1 \} < -\frac{\lambda_+}{\lambda_-}$$

стабилизируется к стационарному решению

$$\lim_{t o\infty}I(t)=I_\infty$$
 , где  $I_\infty=-\mathcal{A}^{-1}vJ_\infty$  ,  $J_\infty=\lim_{t o\infty}J(t)$  .  $\lambda_+=\max\{\sigma_1v_1,\sigma_2v_2\}$  ,  $\lambda_-=-\min\{\sigma_1v_1,\sigma_2v_2\}$ 



[1] И. В. Прохоров, А. А. Сущенко <u>Задача Коши для уравнения переноса</u> излучения в неограниченной среде // Дальневост. матем. журн., 18:1 (2018), 101–111.

## АЛГОРИТМЫ ОБРАБОТКИ ГИДРОАКУСТИЧЕС КИХ ИЗОБРАЖЕНИЙ



Рис. 1 - Измеренный сигнал ГБО

$$\sigma_{d}(\pm y_{1}, y_{2,i})$$

$$= \frac{8\pi}{cl} l_{i}^{3} |y_{1}| l_{i}^{\pm}(y_{1}) \exp(2\mu l_{i})$$

$$-\frac{\sigma}{l} |y_{1}| l_{i} A(\alpha_{1}, \alpha_{2}, l, l_{j}, h)$$

#### Фильтрация объемного рассеяния

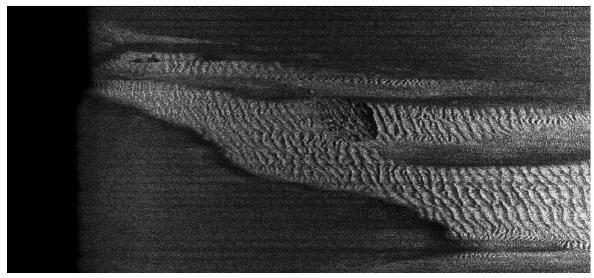


Рис. 2 – Обработка без фильтрации ОР

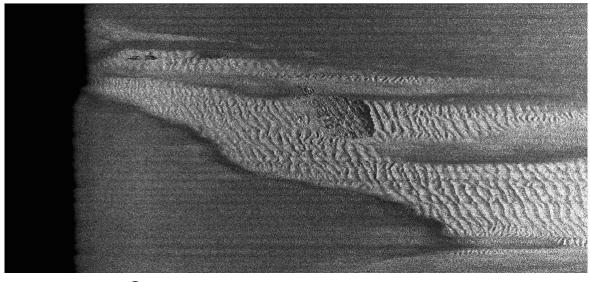


Рис. 3 – Фильтрация объемного рассеяния

## ЛИНЕЙНОЕ УСИЛЕНИЕ СИГНАЛА

Линейное удаление пиковых значений. Значение максимума подбирается из статистики.

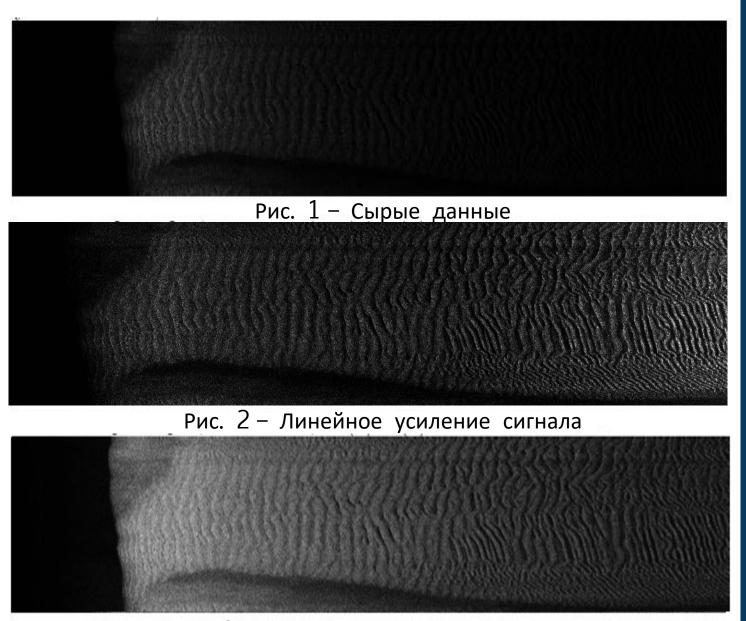


Рис. 3 – Линейное усиление сигнала + Фильтрация объемного рассеяния

## ЛОГАРИФМИЧЕС КАЯ ФИЛЬТРАЦИЯ

$$y(x) = 255log_a(bx+1)$$



Рис. 1 – Сырые данные

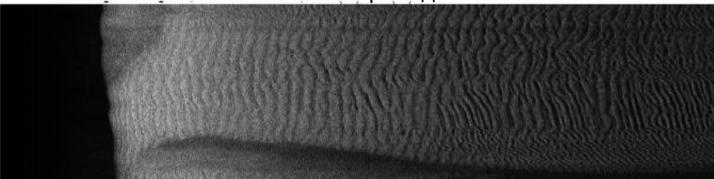


Рис. 2 – Фильтрация объемного рассеяния

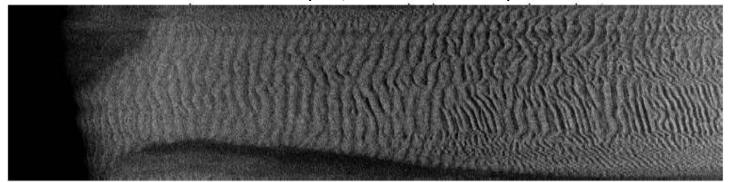


Рис. 3 – Логарифмическая фильтрация + фильтрация объемного рассеяния

## ДВОЙНАЯ ФИЛЬТРАЦИЯ

1 этап: восстановление сигнала по формуле Айзенберга

2 этап: сглаживание изображения с помощью метода наименьших квадратов с окном 3

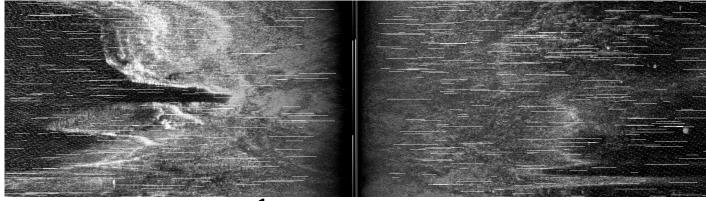


Рис. 1 – Усиление сигнала

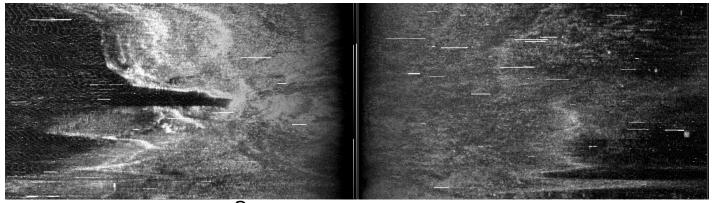


Рис. 2 – Медианная фильтрация

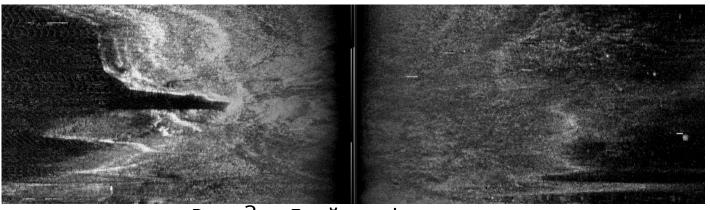
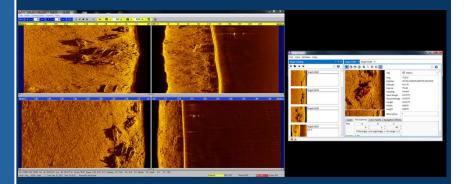


Рис. 3 – Двойная фильтрация

# ПРОГРАММНЫЙ КОМПЛЕКС ДЛЯ ОБРАБОТКИ ГИДРОАКУСТИЧЕС КИХ ИЗОБРАЖЕНИЙ



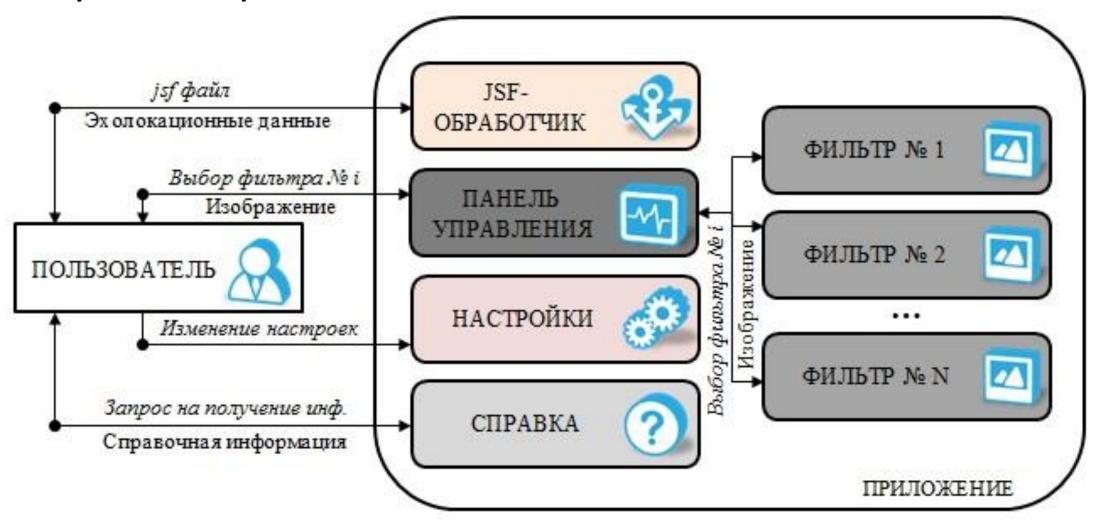
#### Функциональные требования

- 1. Обработчик jsf-файлов
- 2. Работа с несколькими файлами одновременно
- 3. Наличие фильтров из главы 4
- 4. Управление пользовательскими настройками
- 5. Изменение масштаба изображения
- б. Вывод параметров зондирования
- 7. Сохранение изображений в выбранном формате
- 8. Наличие справочной информации
- 9. Навигация между строками изображения
- 10. Отображение сигнала для верхней строки изображения
- 11. Загрузка новых jsf-файлов

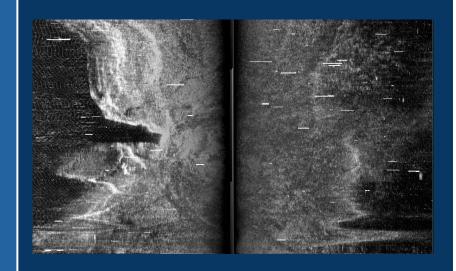
#### Приложение должно содержать следующие страницы:

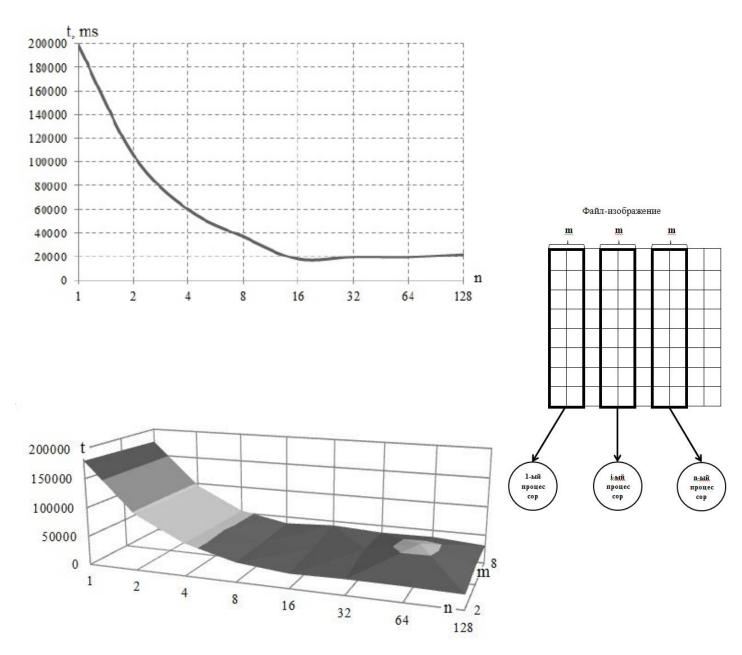
- 1. Стартовая страница
- 2. Настройки
- 3. Справка
- 4. Главный экран
- 5. О программе

## Проект приложения



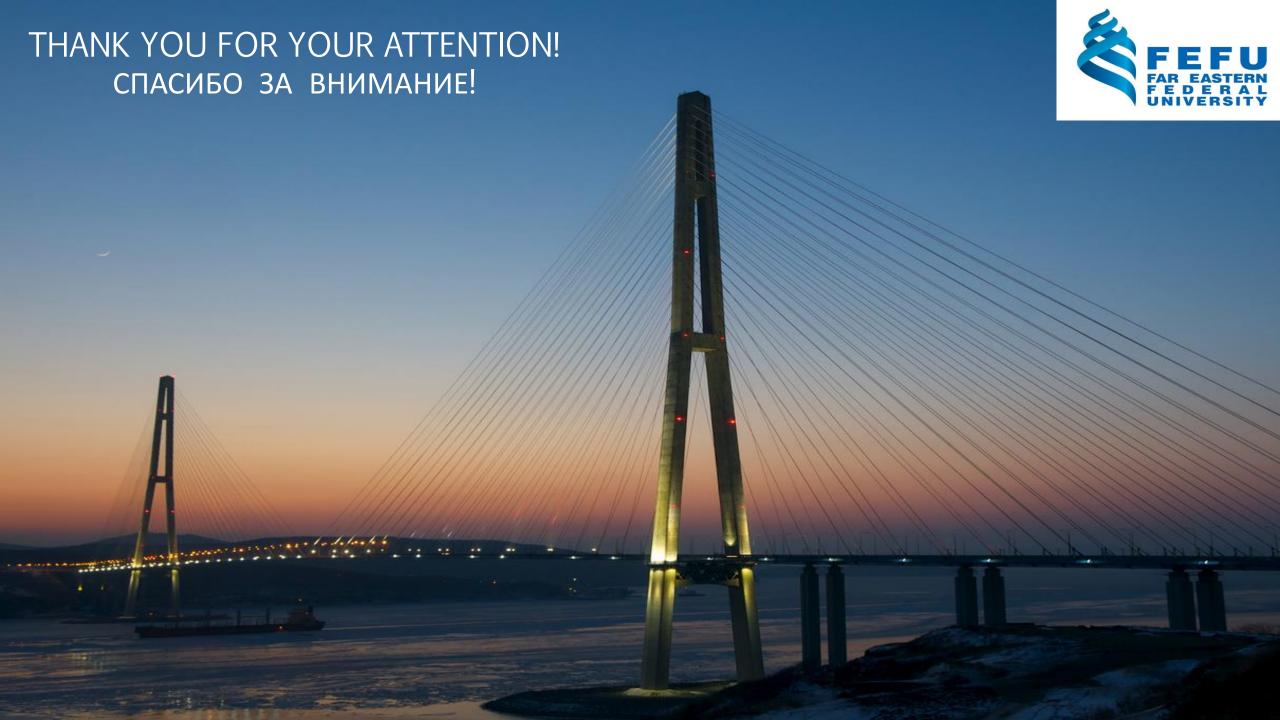
## АЛГОРИТМЫ





## Заключение

- > Доказана корректность начально-краевой задачи для УПИ в многокомпонентной неограниченной среде со смешанными условиями сопряжения на границе.
- > Исследованы задачи акустической томографии.
  - Для задачи реконструкции морского дна в приближении однократного рассеяния и ограничений на диаграмму направленности приемной антенны получена явная формула для определения коэффициента донного рассеяния. Проведены вычислительные эксперименты.
  - Для задачи батиметрии при наличие схожих ограничений и дополнительных ограничений на функцию, описывающую отклонения рельефе дна от некоторой заданной глубины, получена явная формула для определения батиметрической функции.
- > Разработаны и апробированы на реальных данных методы обработки гидроакустических изображений:
  - фильтрация объемного рассеяния,
  - линейной усиление сигнала,
  - логарифмическая фильтрация,
  - двойная фильтрация, а так же их параллельная реализация.
- > Разработан программный комплекс для обработки гидроакустических изображений, получаемых на основе данных с гидролокатора бокового обзора EdjeTech Sonar. 36



## ОСНОВНЫЕ ПУБЛИКАЦИИ

#### ОСНОВНЫЕ ПУБЛИКАЦИИ АВТОРА ПО ТЕМЕ ДИССЕРТАЦИИ.

Статьи в рецензируемых журналах, индексируемых в БД Web of Science, Scopus

- 1. Прохоров, И.В. Об одной задаче определения рельефа дна флуктуирующего океана / И.В. Прохоров, А.А. Сущенко, В.А. Кан // Сибирский журнал индустриальной математики. 2015. Т. 18, № 2. С. 99–110.
- 2. Прохоров, И.В. Исследование задачи акустического зондирования морского дна методами теории переноса излучения / И.В. Прохоров, А.А. Сущенко //Акустический журнал. 2015. Т. 61, № 3. С. 400–408.
- 3. Прохоров, И.В. О корректности задачи Коши для уравнения переноса излучения с френелевскими условиями сопряжения / И.В. Прохоров, А.А. Сущенко //Сиб. мат. журн. 2015. Т. 56, № 4. С. 922–933.
- 4. Прохоров, И.В. Начально-краевая задача для уравнения переноса излучения с диффузными условиями сопряжения / И.В. Прохоров, А.А. Сущенко, А. Ким //Сибирский журнал индустриальной математики. 2017. Т. 20, № 1. С. 75–85.
- Sushchenko, A. A. Analysis of surface and volume scattering in the problem of seabottom sounding / A. A. Sushchenko, S. Y. Zinkov, K. V. Sushchenko // Siberian Electronic Mathematical Reports. — 2018. — Vol. 15. — Pp. 1361– 1377.

#### Публикации в рецензируемых журналах из списка ВАК

- 6. Улучшение качества гидроакустических изображений методом двойной фильтрации / А.Е. Ковтанюк, А.А. Сущенко, И.Б. Агафонов, В.В. Золотарев // Подводные исследования и робототехника. 2011. Т. 12, № 2. С. 31–37.
- 7. Прохоров, И.В. Задача Коши для уравнения переноса излучения в неограниченной среде / И.В. Прохоров, А.А. Сущенко // Дальневосточный математический журнал. 2018. Т. 18, N 1. С. 101–111.
- 8. Сущенко, А.А. Об актуальности исследования задач акустической томографии методами теории переноса излучения / А.А. Сущенко // Вестник ДВО РАН. 2021. № 2. С. 104–113.

## Положения, выносимые на защиту

- > 1. Доказана корректность начально-краевой задачи для уравнения переноса излучения в многослойной неограниченной среде с обобщенными условиями сопряжения на границе раздела сред.
- > 2. Построена математическая модель, описывающая процесс акустического зондирования морского дна гидролокатором бокового обзора, движущегося прямолинейно с постоянной скоростью.
- > 3. В приближении однократного рассеяния решены обратные задачи для нестационарного уравнения переноса излучения с диффузными условиями сопряжения на границе раздела сред, заключающиеся в определении коэффициента донного рассеяния и рельефа морского дна.
- > 4. Предложены эффективные вычислительные алгоритмы для улучшения качества гидролокационных изображений морского дна, учитывающие ослабление и объемное рассеяние излучения в океане, наличие шумов в приемо-передающих устройствах и другие особенности ГБО-сигнала. Проведена апробация алгоритмов на модельных и реальных данных.
- 5.Разработан программный комплекс для обработки данных, полученных с гидролокатора бокового обзора, реализующий алгоритмы реконструкции изображений морского дна.