

# Обзор постановок оптимизационных задач машинного обучения

Воронцов Константин Вячеславович

[k.v.vorontsov@phystech.edu](mailto:k.v.vorontsov@phystech.edu)

<http://www.MachineLearning.ru/wiki?title=User:Vokov>

Общероссийский семинар по оптимизации

<http://www.mathnet.ru/php/conference.phtml?confid=1794>

• 3 июня 2020 •

## 1 Обучение с учителем

- Регрессия и классификация
- Регуляризация
- Ранжирование

## 2 Обучение без учителя

- Восстановление плотности
- Кластеризация и частичное обучение
- Понижение размерности и обучение представлений

## 3 Некоторые неклассические парадигмы обучения

- Обучение с привилегированной информацией
- Перенос обучения (transfer learning)
- Генеративные состязательные сети (GAN)

## Общая оптимизационная задача машинного обучения

**Дано:** обучающая выборка  $\{x_i: i = 1, \dots, \ell\}$

**Найти:** вектор параметров  $w$  модели  $a(x, w)$

**Критерий:** минимум эмпирического риска

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}_i(a(x_i, w)) \rightarrow \min_w$$

или минимум регуляризованного эмпирического риска

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}_i(a(x_i, w)) + \sum_{j=1}^r \tau_j R_j(w) \rightarrow \min_w$$

$\mathcal{L}_i$  — функция потерь модели  $w$  на объекте  $x_i$

$R_j$  — регуляризаторы,  $\tau_j$  — коэффициенты регуляризации

## Оптимизационная задача восстановления регрессии

Обучающая выборка:  $X^\ell = (x_i, y_i)_{i=1}^\ell$ ,  $x_i \in \mathbb{R}^n$ ,  $y_i \in \mathbb{R}$

- 1 Фиксируется модель регрессии, например, *линейная*:

$$a(x, w) = \langle x, w \rangle = \sum_{j=1}^n w_j f_j(x), \quad w \in \mathbb{R}^n$$

- 2 Фиксируется функция потерь, например, *квадратичная*:

$$\mathcal{L}_i(a) = (a - y_i)^2$$

- 3 Метод обучения — *метод наименьших квадратов*:

$$Q(w) = \sum_{i=1}^{\ell} (a(x_i, w) - y_i)^2 \rightarrow \min_w$$

- 4 Проверка по тестовой выборке  $X^k = (\tilde{x}_i, \tilde{y}_i)_{i=1}^k$ :

$$\bar{Q}(w) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k (a(\tilde{x}_i, w) - \tilde{y}_i)^2$$

## Оптимизационная задача обучения классификация

Обучающая выборка:  $X^\ell = (x_i, y_i)_{i=1}^\ell$ ,  $x_i \in \mathbb{R}^n$ ,  $y_i \in \{-1, +1\}$

- 1 Фиксируется модель классификации, например, *линейная*:

$$a(x, w) = \text{sign}\langle x, w \rangle = \text{sign} \sum_{j=1}^n w_j f_j(x)$$

- 2 Функция потерь — пороговая или *её верхняя оценка*:

$$\mathcal{L}_i(a) = [ay_i < 0] = [\langle x_i, w \rangle y_i < 0] \leq \mathcal{L}(\langle x_i, w \rangle y_i)$$

- 3 Метод обучения — *минимизация эмпирического риска*:

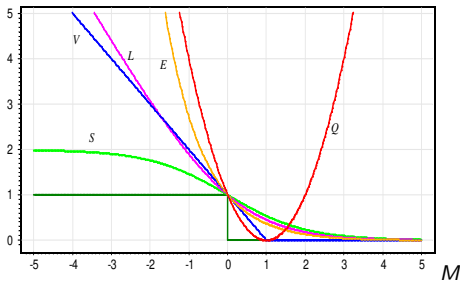
$$Q(w) = \sum_{i=1}^{\ell} [\langle x_i, w \rangle y_i < 0] \leq \sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(\langle x_i, w \rangle y_i) \rightarrow \min_w$$

- 4 Проверка по тестовой выборке  $X^k = (\tilde{x}_i, \tilde{y}_i)_{i=1}^k$ :

$$\bar{Q}(w) = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k [\langle \tilde{x}_i, w \rangle \tilde{y}_i < 0]$$

# Непрерывные верхние оценки пороговой функции потерь

Часто используемые непрерывные функции потерь  $\mathcal{L}(M)$ :



$[M < 0]$

$$V(M) = (1 - M)_+$$

$$H(M) = (-M)_+$$

$$L(M) = \log_2(1 + e^{-M})$$

$$Q(M) = (1 - M)^2$$

$$S(M) = 2(1 + e^M)^{-1}$$

$$E(M) = e^{-M}$$

— пороговая функция потерь

— кусочно-линейная (SVM)

— кусочно-линейная (Hebb's rule)

— логарифмическая (LR)

— квадратичная (FLD)

— сигмоидная (ANN)

— экспоненциальная (AdaBoost)

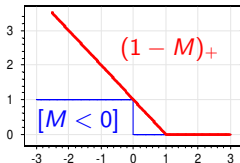
## Метод опорных векторов SVM (двухклассовый)

$M_i(w, w_0) = y_i(\langle w, x_i \rangle - w_0)$  — отступ в линейной модели

Кусочно-линейная функция потерь:

$$\sum_{i=1}^{\ell} (1 - M_i(w, w_0))_+ + \frac{1}{2C} \|w\|^2 \rightarrow \min_{w, w_0}$$

- *Функция потерь* штрафует объекты за приближение к границе классов
- *Регуляризация* максимизирует зазор между классами и штрафует за мультиколлинеарность



### Важнейшие свойства SVM:

- Задача выпуклого программирования, решение единственно
- Решение *разрежено* — зависит только от *опорных объектов*
- Обобщение на нелинейные модели:  $\langle x, x_i \rangle \rightarrow K(x, x_i)$

## Логистическая регрессия (двухклассовая)

Линейная модель классификации  $a(x, w) = \text{sign}\langle x, w \rangle$

Логарифмическая функция потерь:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \ln(1 + \exp(-\langle w, x_i \rangle y_i)) + \frac{\tau}{2} \|w\|^2 \rightarrow \min_w$$

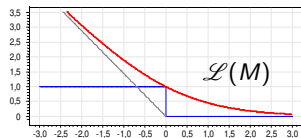
Логарифмическая функция потерь:

$$\mathcal{L}(M) = \ln(1 + e^{-M})$$

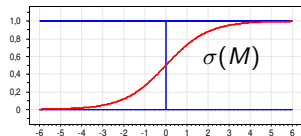
Модель условной вероятности:

$$P(y|x, w) = \sigma(M) = \frac{1}{1 + e^{-M}},$$

где  $\sigma(M)$  — сигмоидная функция



M



M



## Логистическая регрессия (многоклассовая)

Линейный классификатор при произвольном числе классов  $|Y|$ :

$$a(x, w) = \arg \max_{y \in Y} \langle w_y, x \rangle, \quad x, w_y \in \mathbb{R}^n$$

Вероятность того, что объект  $x$  относится к классу  $y$ :

$$P(y|x, w) = \frac{\exp \langle w_y, x \rangle}{\sum_{z \in Y} \exp \langle w_z, x \rangle} = \text{SoftMax}_{y \in Y} \langle w_y, x \rangle,$$

где  $\text{SoftMax}: \mathbb{R}^Y \rightarrow \mathbb{R}^Y$  переводит произвольный вектор в нормированный вектор дискретного распределения.

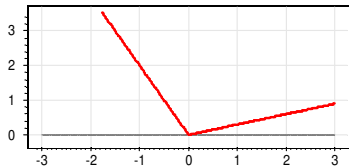
Максимизация правдоподобия (log-loss) с регуляризацией:

$$-\sum_{i=1}^{\ell} \ln P(y_i|x_i, w) + \frac{\tau}{2} \sum_{y \in Y} \|w_y\|^2 \rightarrow \min_w.$$

## Квантильная регрессия

Функция потерь,  $\varepsilon = a(x_i, w) - y_i$ :

$$\mathcal{L}(\varepsilon) = \begin{cases} C_+ |\varepsilon|, & \varepsilon > 0 \\ C_- |\varepsilon|, & \varepsilon < 0; \end{cases}$$



Модель регрессии: линейная  $a(x_i, w) = \langle x_i, w \rangle$ .

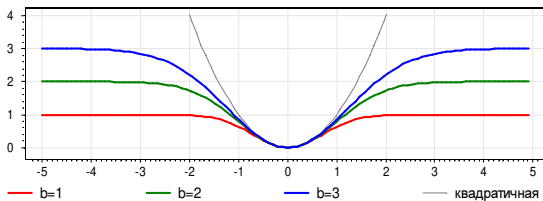
Сведение к задаче линейного программирования:

замена переменных  $\varepsilon_i^+ = (a(x_i) - y_i)_+$ ,  $\varepsilon_i^- = (y_i - a(x_i))_+$ ;

$$\begin{cases} Q = \sum_{i=1}^{\ell} C_+ \varepsilon_i^+ + C_- \varepsilon_i^- \rightarrow \min_w; \\ \langle x_i, w \rangle - y_i = \varepsilon_i^+ - \varepsilon_i^-; \\ \varepsilon_i^+ \geq 0; \quad \varepsilon_i^- \geq 0. \end{cases}$$

## Робастная регрессия

Функция Мешалкина:  $\mathcal{L}(\varepsilon) = b(1 - \exp(-\frac{1}{b}\varepsilon^2))$ ,  $\varepsilon = f - y$



Модель регрессии:  $a(x) = f(x, w)$

Постановка оптимизационной задачи:

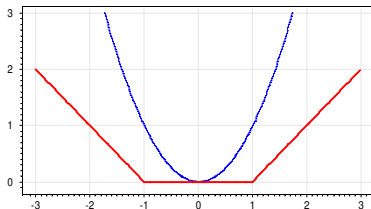
$$\sum_{i=1}^{\ell} \exp\left(-\frac{1}{b}(f(x_i, w) - y_i)^2\right) \rightarrow \max_w$$

Численное решение методом Ньютона-Рафсона

## SVM-регрессия

Модель регрессии:  $a(x) = \langle x, w \rangle - w_0$ ,  $w \in \mathbb{R}^n$ ,  $w_0 \in \mathbb{R}$ .

Функция потерь:  $\mathcal{L}(\varepsilon) = (|\varepsilon| - \delta)_+$



Постановка оптимизационной задачи:

$$\sum_{i=1}^{\ell} (|\langle w, x_i \rangle - w_0 - y_i| - \delta)_+ + \frac{1}{2C} \|w\|^2 \rightarrow \min_{w, w_0}.$$

Сводится к выпуклой задаче квадратичного программирования

## Регуляризаторы, штрафующие сложность модели

Регуляризатор — аддитивная добавка к основному критерию:

$$Q(w) = \sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}_i(\langle x_i, w \rangle) + \tau \text{штраф}(w) \rightarrow \min_w$$

где  $\tau$  — коэффициент регуляризации

$L_2$ -регуляризация (гребневая регрессия, SVM):

$$\text{штраф}(w) = \|w\|_2^2 = \sum_{j=1}^n w_j^2.$$

$L_1$ -регуляризация (LASSO, ElasticNet):

$$\text{штраф}(w) = \|w\|_1 = \sum_{j=1}^n |w_j|.$$

$L_0$ -регуляризация (критерии Акаике AIC, байесовский BIC):

$$\text{штраф}(w) = \|w\|_0 = \sum_{j=1}^n [w_j \neq 0].$$

## Негладкие регуляризаторы для отбора признаков

Общий вид регуляризаторов ( $\mu$  — параметр селективности):

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}_i(a(x_i, w)) + \tau \sum_{j=1}^n R_{\mu}(w_j) \rightarrow \min_w$$

Регуляризаторы с эффектом группировки зависимых признаков:

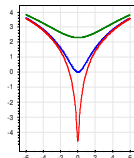
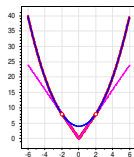
Elastic Net:  $R_{\mu}(\alpha) = \mu|\alpha| + \alpha^2$

Support Features Machine (SFM):

$$R_{\mu}(\alpha) = \begin{cases} 2\mu|\alpha|, & |\alpha| \leq \mu; \\ \mu^2 + \alpha^2, & |\alpha| \geq \mu; \end{cases}$$

Relevance Features Machine (RFM):

$$R_{\mu}(\alpha) = \ln(\mu\alpha^2 + 1)$$



## Задача обучения ранжированию (learning to rank)

$X$  — множество объектов

$X^\ell = \{x_1, \dots, x_\ell\}$  — обучающая выборка

$i \prec j$  — правильный порядок на парах  $(i, j) \in \{1, \dots, \ell\}^2$

**Задача:**

построить ранжирующую функцию  $a: X \rightarrow \mathbb{R}$  такую, что

$$i \prec j \Rightarrow a(x_i) < a(x_j)$$

**Линейная модель ранжирования:**

$$a(x, w) = \langle x, w \rangle$$

где  $x \mapsto (f_1(x), \dots, f_n(x)) \in \mathbb{R}^n$  — вектор признаков объекта  $x$

## Градиентная максимизация AUC

Модель классификации на два класса,  $y_i \in \{-1, +1\}$ :

$$a(x_i, w, w_0) = \text{sign}(g(x_i, w) - w_0).$$

AUC — это доля правильно упорядоченных пар  $(x_i, x_j)$ :

$$\text{AUC}(w) = \frac{1}{\ell_- \ell_+} \sum_{i=1}^{\ell} \sum_{j=1}^{\ell} [y_i < y_j] [g(x_i, w) < g(x_j, w)] \rightarrow \max_w.$$

Явная максимизация аппроксимированного AUC:

$$1 - \text{AUC}(w) \leq \sum_{i,j: y_i < y_j} \mathcal{L}(\underbrace{g(x_j, w) - g(x_i, w)}_{M_{ij}(w)}) \rightarrow \min_w,$$

где  $\mathcal{L}(M)$  — убывающая функция отступа,

$M_{ij}(w)$  — новое понятие отступа для пар объектов.



## Задача восстановления плотности распределения

**Дано:** обучающая выборка  $\{x_i: i = 1, \dots, \ell\}$

**Найти:** вектор параметров  $\theta$  в модели  $p(x|\theta)$

**Критерий:** максимум правдоподобия

$$\sum_{i=1}^{\ell} \ln p(x_i|\theta) \rightarrow \max_{\theta}$$

или максимум апостериорной вероятности

$$\sum_{i=1}^{\ell} \ln p(x_i|\theta) + \ln p(\theta|\gamma) \rightarrow \max_{\theta}$$

где  $\gamma$  — вектор гиперпараметров априорного распределения

## Задача восстановления смеси плотностей распределения

**Дано:** обучающая выборка  $\{x_i: i = 1, \dots, \ell\}$

**Найти:** параметры  $w_j, \theta_j$  в модели  $p(x|\theta, w) = \sum_{j=1}^K w_j p(x|\theta_j)$

**Критерий:** максимум правдоподобия

$$\sum_{i=1}^{\ell} \ln p(x_i|\theta, w) \rightarrow \max_{\theta, w}$$

или максимум апостериорной вероятности

$$\sum_{i=1}^{\ell} \ln p(x_i|\theta, w) + \ln p(\theta, w|\gamma) \rightarrow \max_{\theta, w}$$

где  $\gamma$  — вектор гиперпараметров априорного распределения

## Задача кластеризации (clustering)

**Дано:** обучающая выборка  $\{x_i \in \mathbb{R}^n : i = 1, \dots, \ell\}$

**Найти:**

— центры кластеров  $\mu_j \in \mathbb{R}^n, j = 1, \dots, K$

— кластеризации объектов  $a_i \in \{1, \dots, K\}$

**Критерий:** минимум внутрикластерных расстояний

$$\sum_{i=1}^{\ell} \|x_i - \mu_{a_i}\|^2 \rightarrow \min_{\{a_i\}, \{\mu_j\}}$$

в случае евклидовой метрики

$$\|x - \mu_j\|^2 = \sum_{d=1}^n (f_d(x) - \mu_{jd})^2$$

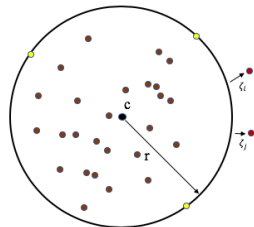
## Метод OSVM — одноклассовый SVM

**Дано:** обучающая выборка  $\{x_i \in \mathbb{R}^n : i = 1, \dots, \ell\}$

**Найти:** центр  $a \in \mathbb{R}^n$  и радиус  $r$  шара, охватывающего всю выборку кроме аномальных объектов-выбросов

**Критерий:** минимизация радиуса шара и суммы штрафов за выход из шара:

$$\nu r^2 + \sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(\underbrace{r^2 - \|x_i - a\|^2}_{\text{margin}_i}) \rightarrow \min_{a,r}$$



При  $\mathcal{L}(M) = (-M)_+$  свойства решения аналогичны SVM:

- Выпуклая задача квадратичного программирования
- Решение *разрежено* — зависит только от *опорных объектов*
- Обобщение на нелинейные модели:  $\langle x_i, x_j \rangle \rightarrow K(x_i, x_j)$

## Задача частичного обучения (semi-supervised learning, SSL)

**Дано:**

$X^k = \{x_1, \dots, x_k\}$  — размеченные объекты (labeled data);  
 $\{y_1, \dots, y_k\}$

$U = \{x_{k+1}, \dots, x_\ell\}$  — неразмеченные объекты (unlabeled data).

**Найти:** классификации  $\{a_{k+1}, \dots, a_\ell\}$  неразмеченных объектов

**Критерий** без модели классификации (transductive learning):

$$\sum_{i=1}^{\ell} \|x_i - \mu_{a_i}\|^2 + \lambda \sum_{i=1}^k [a_i \neq y_i] \rightarrow \min_{\{a_i\}, \{\mu_j\}}$$

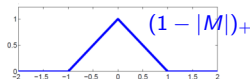
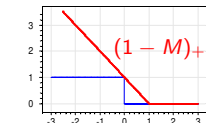
При построении модели классификации,  $a_i = a(x_i, w)$ :

$$\sum_{i=1}^{\ell} \|x_i - \mu_{a_i}\|^2 + \lambda \sum_{i=1}^k \mathcal{L}(a(x_i, w), y_i) \rightarrow \min_{\{a_i\}, \{\mu_j\}, w}$$

## Метод TSVM — трансдуктивный SVM

$M_i = (\langle w, x_i \rangle - w_0) y_i$  — отступ объекта  $x_i$

- Функция потерь  $\mathcal{L}(M) = (1 - M)_+$  штрафует за уменьшение отступа
- Функция потерь  $\mathcal{L}(M) = (1 - |M|)_+$  штрафует за попадание объекта внутрь разделяющей полосы



Обучение весов  $w, w_0$  по частично размеченной выборке:

$$Q(w, w_0) = \sum_{i=1}^k (1 - M_i(w, w_0))_+ + \frac{1}{2C} \|w\|^2 + \\ + \gamma \sum_{i=k+1}^{\ell} (1 - |M_i(w, w_0)|)_+ \rightarrow \min_{w, w_0}$$

## Частный случай SSL: PU-learning (Positive and Unlabeled)

Примеры задач, когда известны объекты только одного класса:

- обнаружение мошеннических транзакций
- персонализация предложений рекламы
- медицинская диагностика при неизвестном анамнезе
- автоматическое пополнение базы знаний фактами

Модель двухклассовой классификации  $a(x_i, w)$ .

Неразмеченные трактуются как негативные с весом  $C_- \ll C_+$ :

$$C_+ \sum_{i=1}^k \mathcal{L}(a(x_i, w), +1) + C_- \sum_{i=k+1}^{\ell} \mathcal{L}(a(x_i, w), -1) + R(w) \rightarrow \min_w$$

Один из успешных методов — Biased SVM.

---

*Gang Li*. A Survey on Positive and Unlabelled Learning. 2013. *J.Bekker*,  
*J.Davis* Learning From Positive and Unlabeled Data: A Survey. 2020.

## Задачи низкорангового матричного разложения

- Понижение размерности для классификации/регрессии
- Формирование сжатого представления данных
- Восстановление пропущенных значений в матрице

**Дано:** матрица  $Z = \|z_{ij}\|_{n \times m}$ ,  $(i, j) \in \Omega \subseteq \{1..n\} \times \{1..m\}$

**Найти:** матрицы  $X = \|x_{it}\|_{n \times k}$  и  $Y = \|y_{tj}\|_{k \times m}$  такие, что

$$\|Z - XY\| = \sum_{(i,j) \in \Omega} \mathcal{L}\left(z_{ij} - \sum_t x_{it} y_{tj}\right) \rightarrow \min_{X, Y}$$

Почему на практике отказываются от классического SVD:

- неквадратичная функция потерь  $\mathcal{L}$
- неотрицательное матричное разложение:  $x_{it} \geq 0$ ,  $y_{tj} \geq 0$
- разреженные данные:  $|\Omega| \ll nm$



## Примеры прикладных задач матричного разложения

- 1 **Выявление интересов в рекомендательных системах (recommender systems, collaborative filtering)**

$$z_{iu} = \sum_t p_{it} q_{tu}$$

**дано:**  $z_{iu}$  — рейтинги товаров  $i$ , поставленные пользователем  $u$ ;

**найти:**  $p_{it}$  — профиль интересов товара  $i$ ;

$q_{tu}$  — профиль интересов пользователя  $u$ .

- 2 **Латентный семантический анализ коллекций текстов (тематическое моделирование)**

$$z_{wd} = \sum_t \varphi_{wt} \theta_{td}$$

**дано:**  $z_{wd} = p(w|d)$  — частоты слов  $w$  в документах  $d$ ;

**найти:**  $\varphi_{wt} = p(w|t)$  — распределения слов  $w$  в темах  $t$ ,

$\theta_{td} = p(t|d)$  — распределения тем  $t$  в документах  $d$ .

## Примеры прикладных задач матричного разложения

- 3 Разделение смеси химических веществ по данным жидкостной хроматографии

$$z_{t\lambda} = \sum_i x_{ti} y_{i\lambda}$$

**дано:**  $z_{t\lambda}$  — выход сканирующего УФ-детектора;

**найти:**  $x_{ti}$  — хроматограмма  $i$ -го вещества,  $t$  — время;

$y_{i\lambda}$  — спектр  $i$ -го вещества,  $\lambda$  — длина волны.

- 4 Оценивание экспрессии генов по данным ДНК-микрочипов с учётом кросс-гибридизации

$$z_{pk} = \sum_g a_{pg} c_{gk}$$

**дано:**  $z_{pk}$  — интенсивность свечения  $p$ -й пробы на  $k$ -м чипе;

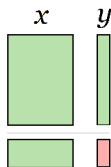
**найти:**  $a_{pg}$  — коэффициент сродства  $p$ -й пробы  $g$ -му гену,

$c_{gk}$  — концентрация  $g$ -го гена на  $k$ -м чипе.

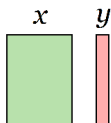
# Обучение с использованием привилегированной информации

LUPI — Learning Using Privileged Information

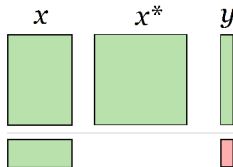
с учителем



без учителя



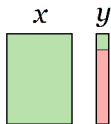
привилегированное (LUPI)



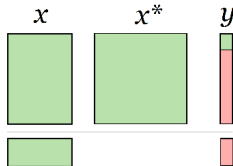
частичное



трандуктивное



частичное LUPI



V. Vapnik, A. Vashist. A new learning paradigm: Learning Using Privileged Information // Neural Networks. 2009.

## Примеры задач с привилегированной информацией $x^*$

- $x$  — первичная (1D) структура белка  
 $x^*$  — третичная (3D) структура белка  
 $y$  — иерархическая классификация функции белка
- $x$  — предыстория временного ряда  
 $x^*$  — информация о будущем поведении ряда  
 $y$  — прогноз следующей точки ряда
- $x$  — текстовый документ  
 $x^*$  — выделенные ключевые слова или фразы  
 $y$  — категория документа
- $x$  — пара (запрос, документ)  
 $x^*$  — выделенные ассессором ключевые слова или фразы  
 $y$  — оценка релевантности

## Задача обучения с привилегированной информацией

Раздельное обучение модели-ученика и **модели-учителя**:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(a(x_i, w), y_i) \rightarrow \min_w \quad \sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(a(x_i^*, w^*), y_i) \rightarrow \min_{w^*}$$

Модель-ученик обучается повторять ошибки **модели-учителя**:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(a(x_i, w), y_i) + \mu \mathcal{L}(a(x_i, w), a(x_i^*, w^*)) \rightarrow \min_w$$

Совместное обучение модели-ученика и **модели-учителя**:

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}(a(x_i, w), y_i) + \lambda \mathcal{L}(a(x_i^*, w^*), y_i) + \mu \mathcal{L}(a(x_i, w), a(x_i^*, w^*)) \rightarrow \min_{w, w^*}$$

---

*D.Lopez-Paz, L.Bottou, B.Scholkopf, V.Vapnik.* Unifying distillation and privileged information. 2016.

## Перенос обучения (transfer learning)

$f(x_i, \alpha)$  — часть модели, универсальная для всех задач

$g(x_i, \beta)$  — часть модели, специфичная для каждой задачи

Базовая задача на выборке  $\{x_i\}_{i=1}^{\ell}$  с функцией потерь  $\mathcal{L}_i$ :

$$\sum_{i=1}^{\ell} \mathcal{L}_i(f(x_i, \alpha), g(x_i, \beta)) \rightarrow \max_{\alpha, \beta}$$

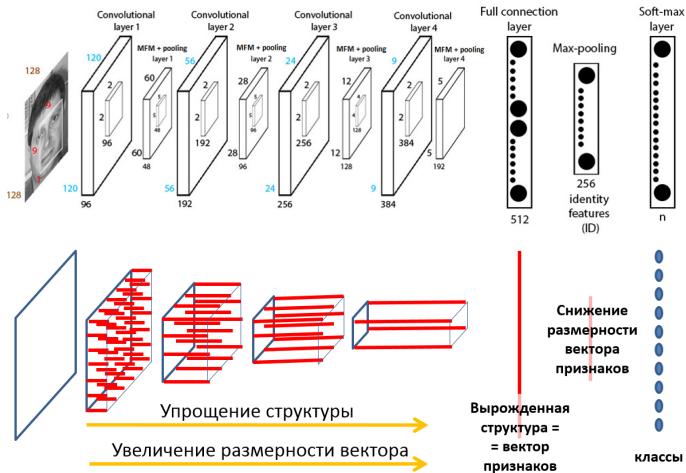
Целевая задача на другой выборке  $\{x'_i\}_{i=1}^m$ , с другими  $\mathcal{L}'_i, g'$ :

$$\sum_{i=1}^m \mathcal{L}'_i(f(x'_i, \alpha), g'(x'_i, \beta')) \rightarrow \max_{\beta'}$$

при  $m \ll \ell$  это может быть намного лучше, чем

$$\sum_{i=1}^m \mathcal{L}'_i(f(x'_i, \alpha), g'(x'_i, \beta')) \rightarrow \max_{\alpha, \beta'}$$

# Свёрточные сети глубокого обучения

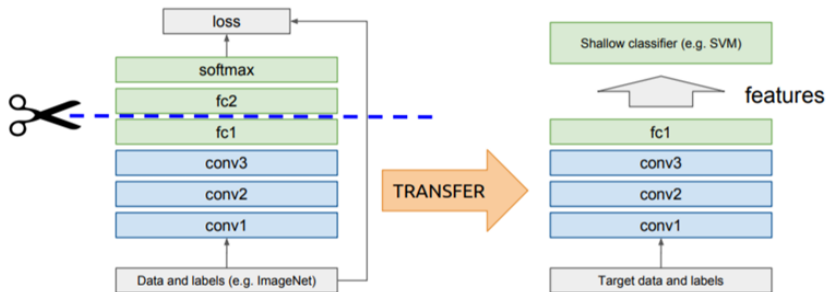


Визильтер Ю.В., Горбачевич В.С. Структурно-функциональный анализ и синтез глубоких конволюционных нейронных сетей. ММРО-2017.

## Пред-обученные (pre-trained) нейронные сети

Свёрточная сеть для обработки изображений:

- $f(x, \alpha)$  — свёрточные слои для векторизации объектов
- $g(x, \beta)$  — полносвязные слои под конкретную задачу

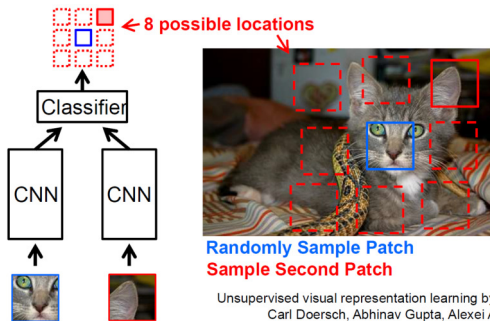


Jason Yosinski, Jeff Clune, Yoshua Bengio, Hod Lipson. How transferable are features in deep neural networks? 2014.



## Самостоятельное обучение (self-supervised learning)

В компьютерном зрении сеть учится предсказывать взаимное расположение двух фрагментов на одном изображении

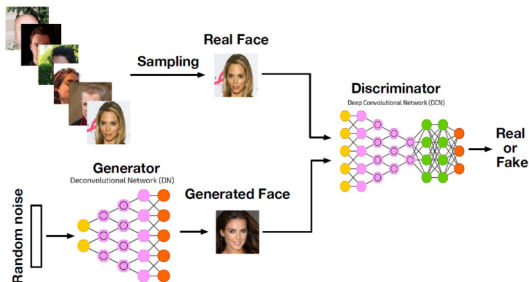


**Преимущество:** сеть выучивает векторные представления объектов без размеченной обучающей выборки.

# Генеративная состязательная сеть (Generative Adversarial Net)

Генератор  $G(z)$  учится порождать объекты  $x$  из шума  $z$

Дискриминатор  $D(x)$  учится отличать их от реальных объектов



Antonia Creswell et al. Generative Adversarial Networks: an overview. 2017.

Zhengwei Wang, Qi She, Tomas Ward. Generative Adversarial Networks: a survey and taxonomy. 2019.

Chris Nicholson. A Beginner's Guide to Generative Adversarial Networks.

<https://pathmind.com/wiki/generative-adversarial-network-gan>. 2019.

## Постановка задачи GAN

**Дано:** выборка объектов  $\{x_i\}_{i=1}^m$  из  $X$

**Найти:**

вероятностную генеративную модель  $G(z, \alpha): x \sim p(x|z, \alpha)$

вероятностную дискриминативную модель  $D(x, \beta) = p(1|x, \beta)$

**Критерий:**

обучение дискриминативной модели  $D$ :

$$\sum_{i=1}^m \ln D(x_i, \beta) + \ln(1 - D(G(z_i, \alpha), \beta)) \rightarrow \max_{\beta}$$

обучение генеративной модели  $G$  по случайному шуму  $\{z_i\}_{i=1}^m$ :

$$\sum_{i=1}^m \ln(1 - D(G(z_i, \alpha), \beta)) \rightarrow \min_{\alpha}$$

---

Ian Goodfellow et al. Generative Adversarial Nets. 2014

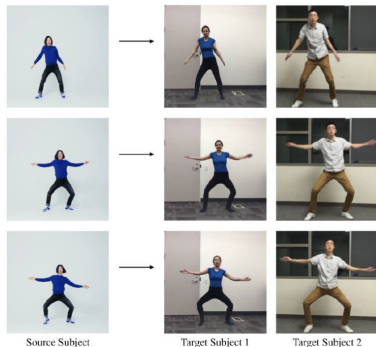
## Примеры GAN для синтеза изображений и видео



(d) input image

(e) output 3d face

(f) textured 3d face



Source Subject

Target Subject 1

Target Subject 2

*Chuan Li, Michael Wand.* Precomputed Real-Time Texture Synthesis with Markovian Generative Adversarial Networks. 2016.

*Xiaoxing Zeng, Xiaojiang Peng, Yu Qiao.* DF2Net: A Dense Fine Finer Network for Detailed 3D Face Reconstruction. ICCV-2019.

*Caroline Chan, Shiry Ginosar, Tinghui Zhou, Alexei A. Efros.* Everybody Dance Now. ICCV-2109.

- 1 Предварительная обработка (data preparation)
  - извлечение признаков (feature extraction)
  - отбор признаков (feature selection)
  - восстановление пропусков (missing values)
  - фильтрация выбросов (outlier detection)
- 2 Обучение с учителем (supervised learning)
  - классификация (classification)
  - регрессия (regression)
  - ранжирование (learning to rank)
  - прогнозирование (forecasting)
- 3 Обучение без учителя (unsupervised learning)
  - кластеризация (clustering)
  - поиск ассоциативных правил (association rule learning)
  - восстановление плотности (density estimation)
  - одноклассовая классификация (anomaly detection)
- 4 Частичное обучение (semi-supervised learning)
  - трансдуктивное обучение (transductive learning)
  - обучение с положительными примерами (PU-learning)

- 5 Обучение представлений (representation learning)
  - обучение признаков (feature learning)
  - обучение многообразий (manifold learning)
  - матричные разложения (matrix factorization)
- 6 Глубокое обучение (deep learning)
- 7 Обучение близости/связей (similarity/relational learning)
- 8 Обучение структуры модели (structure learning)
- 9 Привилегированное обучение (privileged learning, distilling)
- 10 Состязательное обучение (adversarial learning)
- 11 Динамическое обучение (online/incremental learning)
- 12 Активное обучение (active learning)
- 13 Обучение с подкреплением (reinforcement learning)
- 14 Перенос обучения (transfer learning)
- 15 Многозадачное обучение (multitask learning)
- 16 Мета-обучение (meta-learning, AutoML)